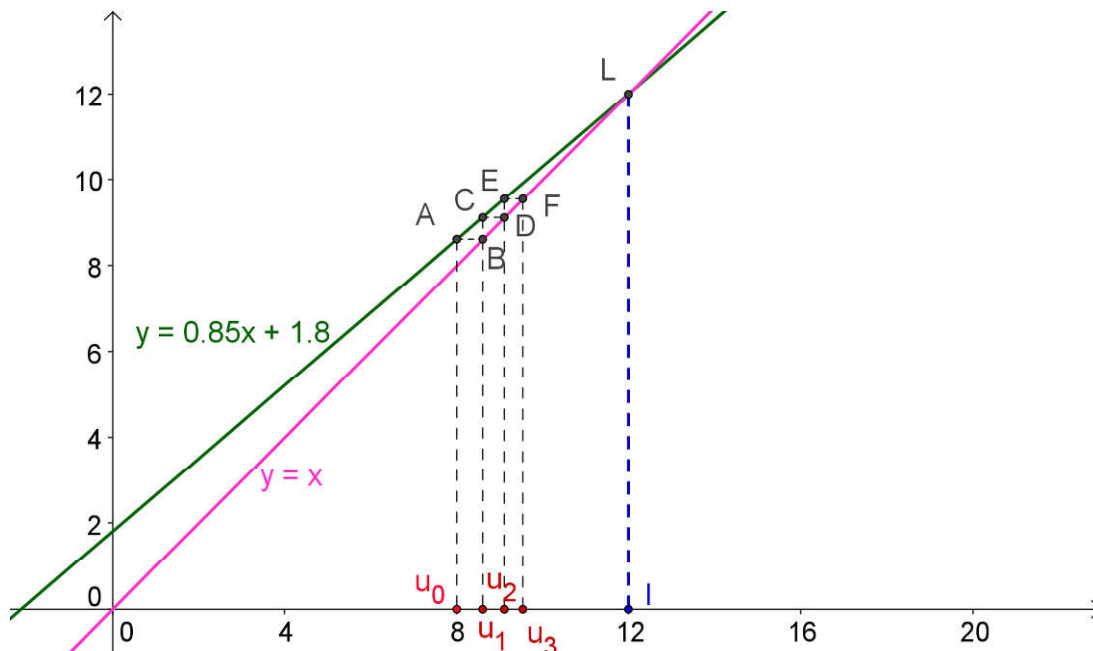


1) a) b) c)



La suite des points A, B, C, D, E, F ... Semblent converger vers le point L d'abscisse 12.

Il semble donc que $\lim (u_n) = 12$.

$$2) a) \quad v_{n+1} = u_{n+1} - 12 = 0,85u_n + 1,8 - 12 = 0,85(v_n + 12) - 10,2$$

$$v_{n+1} = 0,85v_n + 0,85 \times 12 - 10,2 = 0,85v_n$$

$$v_0 = u_0 - 12 = 8 - 12 = -4$$

(v_n) est la suite géométrique de premier terme $v_0 = -4$ et de raison $q = 0,85$.

$$b) \quad v_n = v_0 \times q^n = -4 \times 0,85^n$$

$$u_n = 12 + v_n = 12 - 4 \times 0,85^n$$

c) Comme $0 < q < 1$ et $v_0 < 0$ alors la suite géométrique (v_n) est croissante.

Comme $u_n = v_n + 12$ alors la suite (u_n) est également croissante.

d) Comme $0 < q < 1$ alors $\lim v_n = 0$ et par suite $\lim u_n = 12$.

$$e) \quad u_8 = 12 - 4 \times 0,85^8 \approx 10,9 > 10$$

$$u_n - 12 = -4 \times 0,85^n < 0 \text{ pour } n > 0.$$

Donc pour $n > 8$, $10 < u_n < 12$.

$$3) a) \quad 8\,000 = 8 \text{ milliers et } 1\,800 = 1,8 \text{ milliers}$$

15% de baisse correspond à un coefficient multiplicateur de $1 - \frac{15}{100} = 0,85$.

On peut donc modéliser cette situation par la suite (u_n) définie par :

$u_0 = 8$ et $u_{n+1} = 0,85u_n + 1,8$ où u_n désigne le nombre de milliers d'abonnés en $(2010 + n)$.

$$b) \quad 2020 = 2010 + 10 ; \text{ donc } n = 10$$

$$u_{10} = 12 - 4 \times 0,85^{10} \approx 11,213$$

Une estimation du nombre d'abonnés selon ce modèle en 2020 est donc 11 213.