

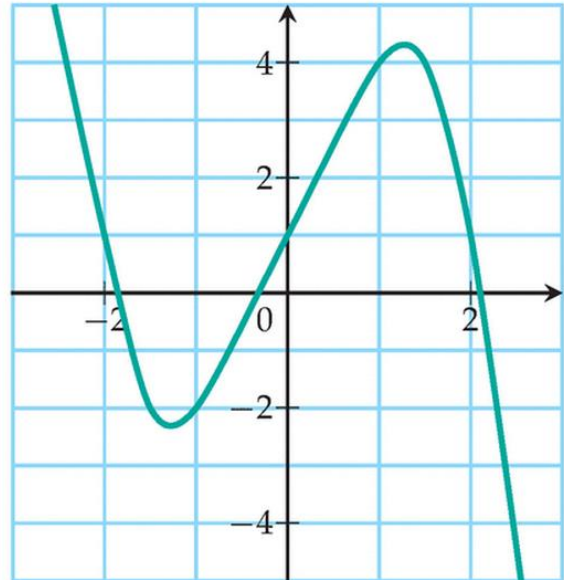
**Exercice 1 :** (5 points)

On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{8}{x^2 - 2}$ .

- 1) Calculer les images de :
  - a) -1
  - b) 0
  - c)  $\frac{1}{3}$
  - d)  $2\sqrt{3}$
- 2) Déterminer le(s) antécédent(s) éventuel(s) de 4.
- 3) a) Quel(s) nombre(s) n'ont pas d'image par  $f$  ?  
 b) En déduire l'ensemble de définition de la fonction  $f$ .

**Exercice 2 :** (4 points)

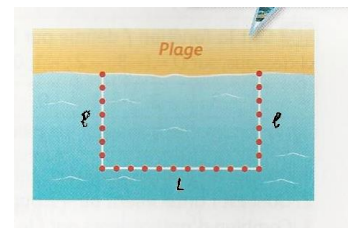
Voici la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .



- 1) Par lecture graphique, déterminer :
  - a) l'image de -1 par  $f$ ,
  - b)  $f(0)$ ,  $f(1)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(2)$
  - c) les antécédents de 1 par  $f$  ;
  - d) les éventuels nombres qui ont 0 pour image.
- 2) Citer, si possible, un nombre qui a :
  - a) Aucun antécédent
  - b) 1 antécédent
  - c) 2 antécédents
  - d) 3 antécédents

**Exercice 3 :** (6 points)

Au camping des flots bleus, le maître-nageur veut délimiter une aire de baignade surveillée rectangulaire en utilisant 100 mètres de flotteurs pouvant délimiter une ligne d'eau. On appelle  $L$  la dimension (en mètres) du côté du rectangle parallèle au bord de la mer et  $l$  la dimension (en mètres) des côtés perpendiculaires au bord de mer.



Le maître-nageur cherche à obtenir une aire de baignade la plus grande possible.

- 1) Expliquer pourquoi on a  $2l + L = 100$ .
- 2) a) Exprimer l'aire de baignade  $A$ , en  $m^2$ , en fonction de  $l$  et  $L$ .  
 b) En utilisant 1), exprimer  $A$  en fonction de  $l$  seulement.
- 3) On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0 ; 50]$  par :  $f(x) = -2x^2 + 100x$   
 A l'aide de la courbe représentée la fonction  $f$  par votre calculatrice, répondre au problème du maître-nageur et donner une valeur approchée de l'aire maximale.

**Exercice 4 :** (5 points)

Le tableau ci-dessous donne les salaires mensuels des employés d'une entreprise.

Salaire (en euros)	[800 ;1600[	[1600 ;2400[	[2400 ;3200[	[3200 ;4000[
Effectif	70	80	40	10

- 1) Calculer les fréquences ( exprimées en pourcentage).
- 2) Représenter graphiquement cette série.
- 3) Déterminer le salaire moyen.
- 4) Déterminer le salaire médian.

**Exercice 1 :** (5 points)

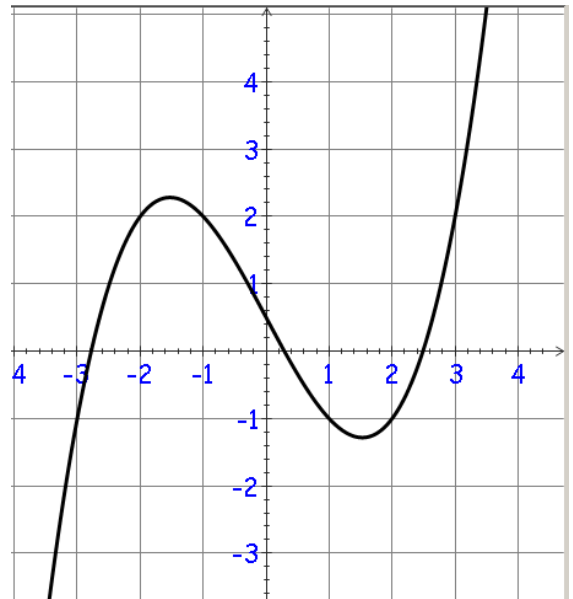
On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{2}{11 - x^2}$ .

- 1) Calculer les images de :
  - c) 1
  - b) 0
  - c)  $\frac{1}{3}$
  - d)  $3\sqrt{2}$
- 2) Déterminer le(s) antécédent(s) éventuel(s) de 1.
- 3) a) Quel(s) nombre(s) n'ont pas d'image par  $f$  ?  
 b) En déduire l'ensemble de définition de la fonction  $f$ .

**Exercice 2 :** (4 points)

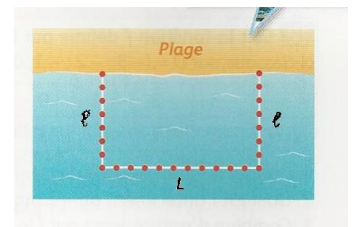
Voici la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

- 1) Par lecture graphique, déterminer :
  - a) l'image de -1 par  $f$ ,
  - b)  $f(-3)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(1)$ ,  $f(2)$
  - c) les antécédents de 2 par  $f$  ;
  - d) les éventuels nombres qui ont 0 pour image.
- 2) Citer, si possible, un nombre qui a :
  - a) Aucun antécédent
  - b) 1 antécédent
  - c) 2 antécédents
  - d) 3 antécédents



**Exercice 3 :** (6 points)

Au camping des flots bleus, le maître-nageur veut délimiter une aire de baignade surveillée rectangulaire en utilisant 300 mètres de flotteurs pouvant délimiter une ligne d'eau. On appelle  $L$  la dimension (en mètres) du côté du rectangle parallèle au bord de la mer et  $l$  la dimension (en mètres) des côtés perpendiculaires au bord de mer.



Le maître-nageur cherche à obtenir une aire de baignade la plus grande possible.

- 1) Expliquer pourquoi on a  $2l + L = 300$ .
- 2) a) Exprimer l'aire de baignade  $A$ , en  $m^2$ , en fonction de  $l$  et  $L$ .  
 b) En utilisant 1), exprimer  $A$  en fonction de  $l$  seulement.
- 3) On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0 ; 150]$  par :  $f(x) = -2x^2 + 300x$   
 A l'aide de la courbe représentée la fonction  $f$  par votre calculatrice, répondre au problème du maître-nageur et donner une valeur approchée de l'aire maximale.

**Exercice 4 :** (5 points)

Le tableau ci-dessous donne les salaires mensuels des employés d'une entreprise.

Salaire (en euros)	[800 ;1800[	[1800 ;2800[	[2800 ;3800[	[3800 ;4800[
Effectif	60	90	30	10

- 1) Calculer les fréquences (exprimées en pourcentage arrondies au dixième).
- 1) Représenter graphiquement cette série.
- 2) Déterminer le salaire moyen.
- 3) Déterminer le salaire médian.

**CORRECTION**

**Exercice 1** : (5 points)

On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{8}{x^2 - 2}$ .

1) Calculer les images de :

- e) -1      b) 0      c)  $\frac{1}{3}$       d)  $2\sqrt{3}$

2) Déterminer le(s) antécédent(s) éventuel(s) de 4.

3) a) Quel(s) nombre(s) n'ont pas d'image par  $f$  ?

b) En déduire l'ensemble de définition de la fonction  $f$ .

$$1) f(-1) = \frac{8}{(-1)^2 - 2} = \frac{8}{1 - 2} = \frac{8}{-1} = -8$$

$$f(0) = \frac{8}{0^2 - 2} = \frac{8}{-2} = -4$$

$$f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{8}{\left(\frac{1}{3}\right)^2 - 2} = \frac{8}{\frac{1}{9} - 2} = \frac{8}{\frac{1}{9} - \frac{18}{9}} = \frac{8}{-\frac{17}{9}} = 8 \times \left(-\frac{9}{17}\right) = -\frac{72}{17}$$

$$f(2\sqrt{3}) = \frac{8}{(2\sqrt{3})^2 - 2} = \frac{8}{2^2 \times 3 - 2} = \frac{8}{12 - 2} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

2) On résout l'équation  $f(x) = 4$

$$\begin{aligned} f(x) = 4 &\Leftrightarrow \frac{8}{x^2 - 2} = 4 \\ &\Leftrightarrow 8 = 4(x^2 - 2) \\ &\Leftrightarrow 2 = x^2 - 2 \\ &\Leftrightarrow x^2 = 4 \\ &\Leftrightarrow x = -2 \text{ ou } x = 2 \end{aligned}$$

Les antécédents de 4 par la fonction  $f$  sont -2 et 2.

3) a)  $f(x)$  n'est pas définie si  $x^2 - 2 = 0$

C'est-à-dire si  $x = -\sqrt{2}$  ou  $x = \sqrt{2}$

Les nombres  $-\sqrt{2}$  et  $\sqrt{2}$  n'ont pas d'image par la fonction  $f$ .

f) L'ensemble de définition de  $f$  est donc  $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-\sqrt{2}; \sqrt{2}\}$ .

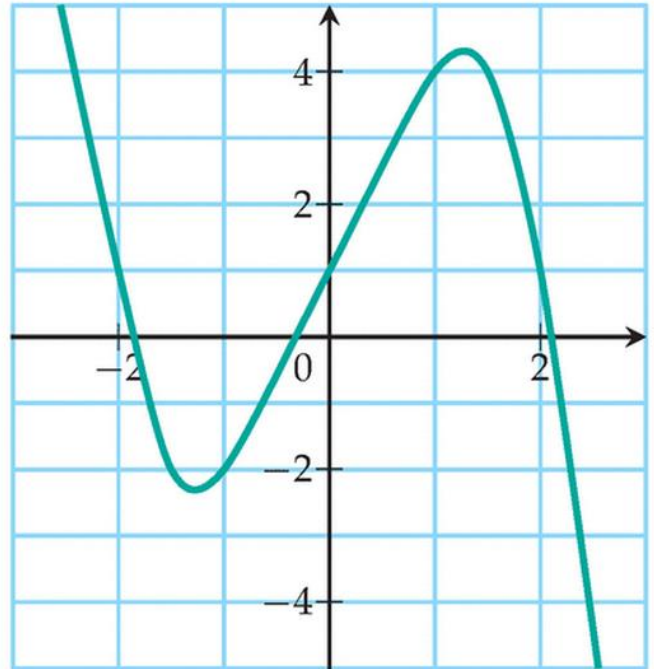
Ensemble que l'on peut noter aussi  $D_f = ]-\infty; -\sqrt{2}[ \cup ]-\sqrt{2}; \sqrt{2}[ \cup ]\sqrt{2}; +\infty[$ .

**CORRECTION**

**Exercice 2 :** (4 points)

Voici la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

- 1) Par lecture graphique, déterminer :
  - a) l'image de -1 par  $f$ ,
  - b)  $f(0)$ ,  $f(1)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(2)$
  - c) les antécédents de 1 par  $f$  ;
  - d) les éventuels nombres qui ont 0 pour image.
- 2) Citer, si possible, un nombre qui a :
  - a) Aucun antécédent
  - b) 1 antécédent
  - c) 2 antécédents
  - d) 3 antécédents

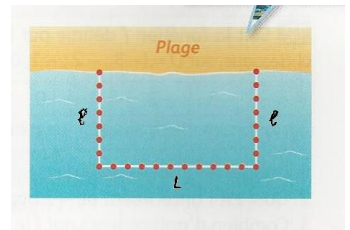


- 1) a)  $f(-1) = -2$   
 b)  $f(0) = 1$      $f(1) = 4$      $f(-2) = 1$      $f(2) = 1$   
 c) Les antécédents de 1 par  $f$  sont -2 ; 0 et 2.  
 d) -1,8 ; -0,2 et 2,1 sont des valeurs approchées des nombres qui ont 0 pour image.
- 2) a) Tous les nombres ont au moins un antécédent par  $f$   
 b) -4 par exemple a un antécédent par  $f$   
 c) 4,2 par exemple a deux antécédents par  $f$   
 d) 1 par exemple a 3 antécédents par  $f$ .

**CORRECTION**

**Exercice 3 :** (6 points)

Au camping des flots bleus, le maître-nageur veut délimiter une aire de baignade surveillée rectangulaire en utilisant 100 mètres de flotteurs pouvant délimiter une ligne d'eau. On appelle  $L$  la dimension (en mètres) du côté du rectangle parallèle au bord de la mer et  $l$  la dimension (en mètres) des côtés perpendiculaires au bord de mer.



Le maître-nageur cherche à obtenir une aire de baignade la plus grande possible.

- 1) Expliquer pourquoi on a  $2l + L = 100$ .
- 2) a) Exprimer l'aire de baignade  $A$ , en  $m^2$ , en fonction de  $l$  et  $L$ .  
b) En utilisant 1), exprimer  $A$  en fonction de  $l$  seulement.
- 3) On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0 ; 50]$  par :  $f(x) = -2x^2 + 100x$   
A l'aide de la courbe représentée la fonction  $f$  par votre calculatrice, répondre au problème du maître-nageur et donner une valeur approchée de l'aire maximale.

1) La longueur de flotteurs correspond à 2 largeurs + 1 longueur du rectangle de dimensions  $L$  et  $l$ .

Donc  $2l + L = 100$

2) a)  $A = l \times L$

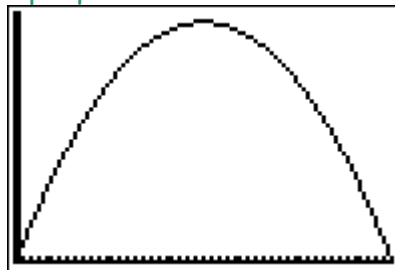
b)  $L = 100 - 2l$

Donc  $A = (100 - 2l) \times l = -2l^2 + 100l$ .

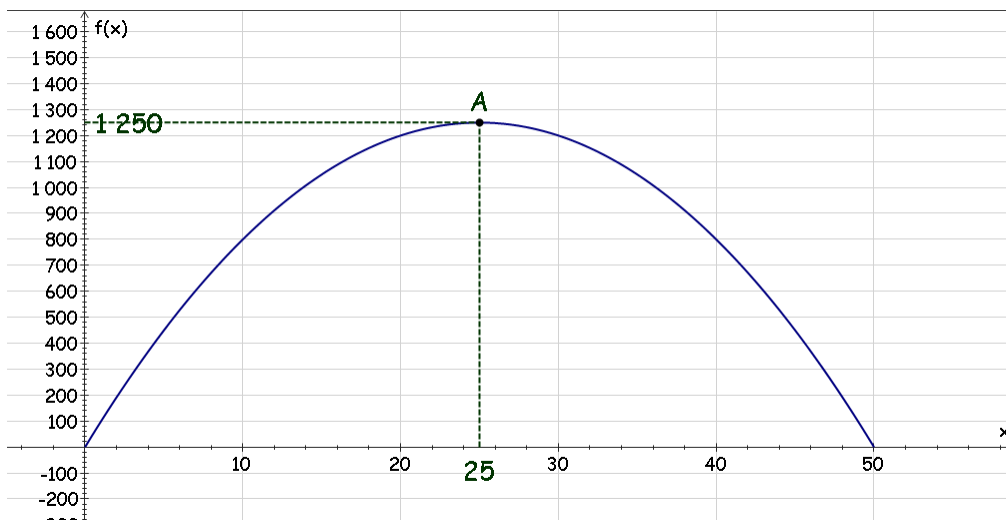
3) La fonction  $f$  correspond à l'aire de la baignade en fonction de la dimension  $x$  des côtés perpendiculaires au bord de mer.

Représentation graphique de la fonction  $f$  avec la calculatrice sur l'intervalle  $[0 ; 50]$  :

Paramètres de la fenêtre graphique :  $XMin = 0 ; XMax = 50 ; YMin = 1300$



Avec un logiciel de tracé de courbe GraphEasy :



Il semble que le maximum de la fonction  $f$  soit atteint en  $x = 25$  et le maximum a pour valeur 1250.

Donc l'aire de baignade est maximale pour  $l = 25$  m et  $L = 50$  et cette aire maximale est égale à 1250  $m^2$ .

**CORRECTION**

**Exercice 4 : (5 points)**

Le tableau ci-dessous donne les salaires mensuels des employés d'une entreprise.

Salaire (en euros)	[800 ;1600[	[1600 ;2400[	[2400 ;3200[	[3200 ;4000[
Effectif	70	80	40	10

- 1) Calculer les fréquences ( exprimées en pourcentage).
- 2) Représenter graphiquement cette série.
- 3) Déterminer le salaire moyen.
- 4) Déterminer le salaire médian.

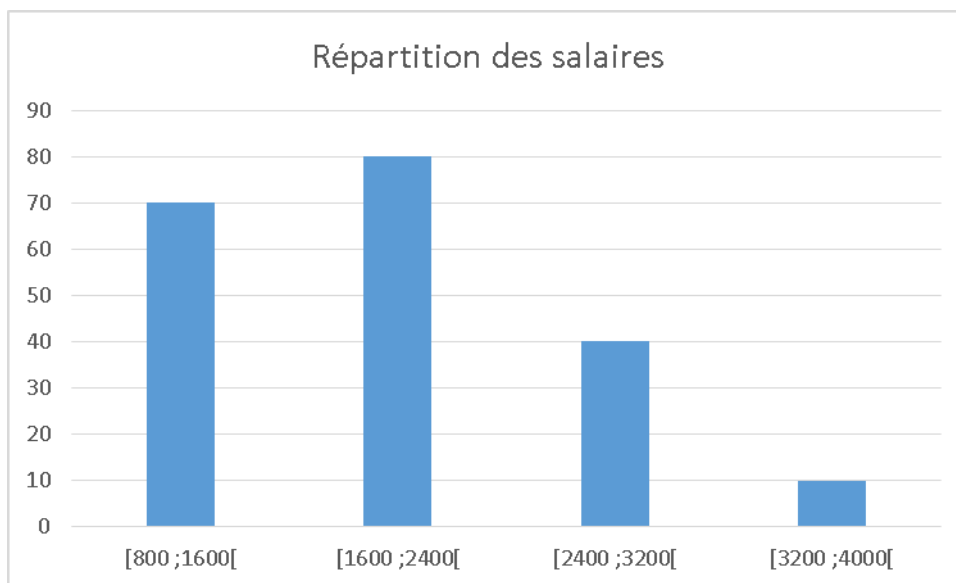
1)

On calcule l'effectif total :  $70 + 80 + 40 + 10 = 200$

Chaque fréquence est le quotient de l'effectif par l'effectif total.

Salaire (en euros)	[800 ;1600[	[1600 ;2400[	[2400 ;3200[	[3200 ;4000[	Total
Effectif	70	80	40	10	200
Fréquences	35%	40%	20%	5%	

2) Exemple de représentation sous forme d'histogramme :



3) Pour calculer le salaire moyen  $\bar{S}$ , on utilise le centre de chaque classe.

Salaire (en euros)	[800 ;1600[	[1600 ;2400[	[2400 ;3200[	[3200 ;4000[	Total
Centre de classe	1200	2000	2800	3600	
Effectif	70	80	40	10	200

$$\bar{S} = \frac{1200 \times 70 + 2000 \times 80 + 2800 \times 40 + 3600 \times 10}{200} = \frac{392\ 000}{200} = 1\ 960.$$

Le salaire moyen est de 1 960 €.

**CORRECTION**

4) Pour déterminer le salaire médian, on peut utiliser les fréquences cumulées croissantes :

Salaire (en euros)	[800 ;1600[	[1600 ;2400[	[2400 ;3200[	[3200 ;4000[	Total
Centre de classe	1200	2000	2800	3600	
Effectif	70	80	40	10	200
Fréquences	35%	40%	20%	5%	
Fréquences cumulées croissantes	35%	75%	95%	100%	

La classe médiane correspond à 50% de l'effectif total.

La classe médiane est donc [1600 ;2400[.

On peut choisir comme salaire médian le centre de cette classe : 2 000 €.

**CORRECTION**

**Exercice 1** : (5 points)

On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{2}{11 - x^2}$ .

1) Calculer les images de :

- a) 1            b) 0            c)  $\frac{1}{3}$             d)  $3\sqrt{2}$

2) Déterminer le(s) antécédent(s) éventuel(s) de 1.

- 3) a) Quel(s) nombre(s) n'ont pas d'image par  $f$  ?  
 b) En déduire l'ensemble de définition de la fonction  $f$ .

1) a)  $f(1) = \frac{2}{11 - 1^2} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$

b)  $f(0) = \frac{2}{11 - 0^2} = \frac{2}{11}$

c)  $f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{2}{11 - \left(\frac{1}{3}\right)^2} = \frac{2}{11 - \frac{1}{9}} = \frac{2}{\frac{11 \times 9 - 1}{9}} = \frac{2}{\frac{98}{9}} = \frac{2 \times 9}{98} = \frac{2 \times 9}{2 \times 49} = \frac{9}{49}$

d)  $f(3\sqrt{2}) = \frac{2}{11 - (3\sqrt{2})^2} = \frac{2}{11 - 3^2 \times 2} = \frac{2}{11 - 18} = -\frac{2}{7}$

2) On résout l'équation  $f(x) = 1$ .

$$\begin{aligned} f(x) = 1 & \Leftrightarrow \frac{2}{11 - x^2} = 1 \\ & \Leftrightarrow 2 = 11 - x^2 \quad \text{et } x^2 \neq 11 \\ & \Leftrightarrow x^2 = 11 - 9 \\ & \Leftrightarrow x^2 = 9 \\ & \Leftrightarrow x = -3 \text{ ou } x = 3 \end{aligned}$$

Les antécédents de 1 par la fonction  $f$  sont -3 et 3.

3) a)  $f(x)$  n'est pas définie si  $11 - x^2 = 0$  ; soit si  $x = -\sqrt{11}$  ou  $x = \sqrt{11}$ .

$-\sqrt{11}$  et  $\sqrt{11}$  n'ont pas d'image par la fonction  $f$ .

b) L'ensemble de définition de  $f$  est donc  $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-\sqrt{11}; \sqrt{11}\}$ .

Ensemble que l'on peut noter aussi  $D_f = ]-\infty; -\sqrt{11}[ \cup ]-\sqrt{11}; \sqrt{11}[ \cup ]\sqrt{11}; +\infty[$ .

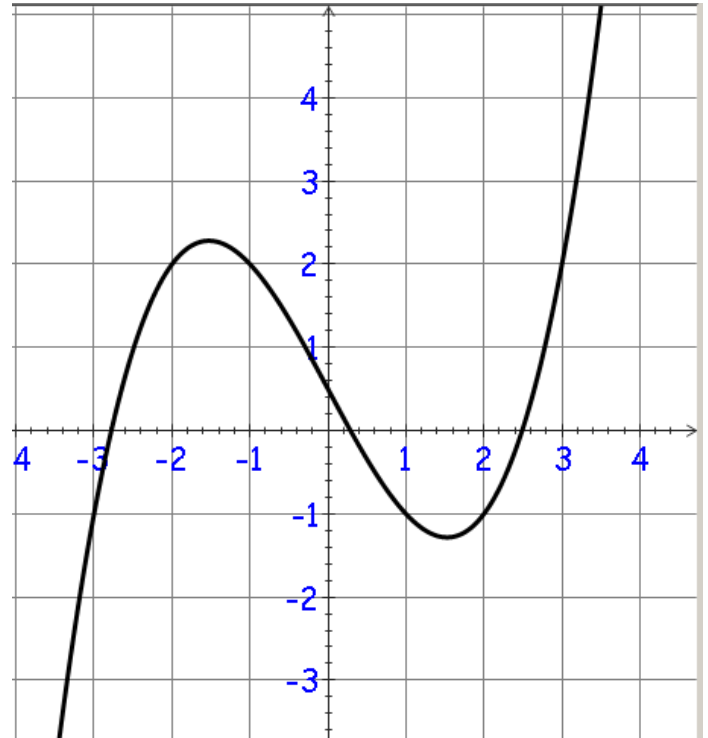


**CORRECTION**

**Exercice 2 :** (4 points)

Voici la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

- 1) Par lecture graphique, déterminer :
  - a) l'image de -1 par  $f$ ,
  - b)  $f(-3)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(1)$ ,  $f(2)$
  - c) les antécédents de 2 par  $f$  ;
  - d) les éventuels nombres qui ont 0 pour image.
- 2) Citer, si possible, un nombre qui a :
  - a) Aucun antécédent
  - b) 1 antécédent
  - c) 2 antécédents
  - d) 3 antécédents

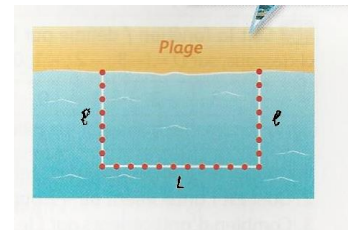


- 1)
  - a) L'image de -1 par  $f$  est 2.
  - b)  $f(-3) = -1$        $f(-2) = 2$        $f(1) = -1$        $f(2) = -1$
  - c) Les antécédents de 2 par  $f$  sont -2 ; -1 et 3.
  - d) Les valeurs approchées des nombres qui ont 0 pour image sont -2,8 ; 0,2 et 2,5.
- 2)
  - a) Tous les nombres ont au moins un antécédent par  $f$ .
  - b) 3 par exemple a un antécédent par  $f$ .
  - c) 2,2 par exemple a 2 antécédents par  $f$ .
  - d) 1 par exemple a 3 antécédents par  $f$ .

**CORRECTION**

**Exercice 3 :** (6 points)

Au camping des flots bleus, le maître-nageur veut délimiter une aire de baignade surveillée rectangulaire en utilisant 300 mètres de flotteurs pouvant délimiter une ligne d'eau. On appelle  $L$  la dimension (en mètres) du côté du rectangle parallèle au bord de la mer et  $l$  la dimension (en mètres) des côtés perpendiculaires au bord de mer.



Le maître-nageur cherche à obtenir une aire de baignade la plus grande possible.

- 1) Expliquer pourquoi on a  $2l + L = 300$ .
- 2) a) Exprimer l'aire de baignade  $A$ , en  $m^2$ , en fonction de  $l$  et  $L$ .  
b) En utilisant 1), exprimer  $A$  en fonction de  $l$  seulement.
- 3) On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[0 ; 150]$  par :  $f(x) = -2x^2 + 300x$   
A l'aide de la courbe représentée la fonction  $f$  par votre calculatrice, répondre au problème du maître-nageur et donner une valeur approchée de l'aire maximale.

1) La longueur de flotteurs correspond à 2 largeurs + 1 longueur du rectangle de dimensions  $L$  et  $l$ .

Donc  $2l + L = 300$

2) a)  $A = l \times L$

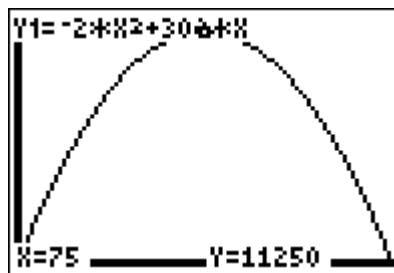
b)  $L = 300 - 2l$

Donc  $A = (300 - 2l) \times l = -2l^2 + 300l$ .

3) La fonction  $f$  correspond à l'aire de la baignade en fonction de la dimension  $x$  des côtés perpendiculaires au bord de mer.

Représentation graphique de la fonction  $f$  avec la calculatrice sur l'intervalle  $[0 ; 150]$  :

Paramètres de la fenêtre graphique :  $XMin = 0$  ;  $XMax = 150$  ;  $YMin = 12000$



Avec un logiciel de tracé de courbe GraphEasy :



Il semble que le maximum de la fonction  $f$  soit atteint en  $x = 75$  et le maximum a pour valeur 11250.  
Donc l'aire de baignade est maximale pour  $l = 75$  m et  $L = 150$  m et cette aire maximale est égale à 11 250  $m^2$ .

**CORRECTION**

**Exercice 4 : (5 points)**

Le tableau ci-dessous donne les salaires mensuels des employés d'une entreprise.

Salaire (en euros)	[800 ;1800[	[1800 ;2800[	[2800 ;3800[	[3800 ;4800[
Effectif	60	90	30	10

- 1) Calculer les fréquences (exprimées en pourcentage arrondies au dixième).
- 2) Représenter graphiquement cette série.
- 3) Déterminer le salaire moyen.
- 4) Déterminer le salaire médian.

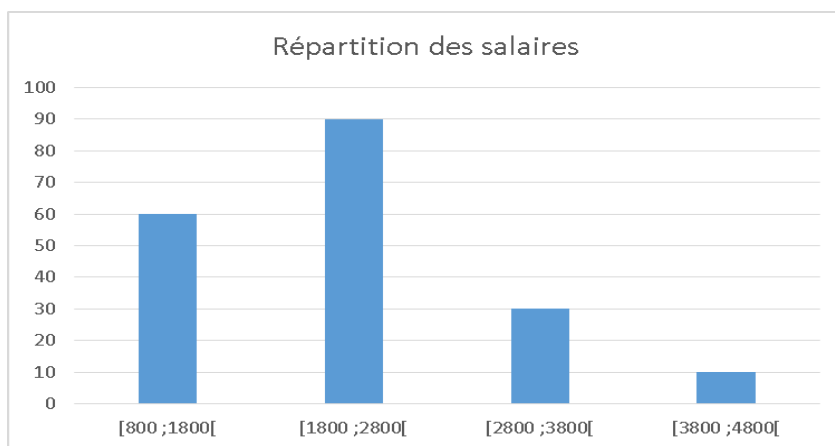
1)

On calcule l'effectif total :  $60 + 90 + 30 + 10 = 190$

Chaque fréquence est le quotient de l'effectif par l'effectif total.

Salaire (en euros)	[800 ;1800[	[1800 ;2800[	[2800 ;3800[	[3800 ;4800[	Total
Effectif	60	90	30	10	190
Fréquences	31,6%	47,4%	15,8%	5,3%	

2) Exemple de représentation sous forme d'histogramme :



3) Pour calculer le salaire moyen  $\bar{S}$ , on utilise le centre de chaque classe.

Salaire (en euros)	[800 ;1800[	[1800 ;2800[	[2800 ;3800[	[3800 ;4800[	Total
Centre de classe	1300	2300	3300	4300	
Effectif	60	90	30	10	190

$$\bar{S} = \frac{1300 \times 60 + 2300 \times 90 + 3300 \times 30 + 4300 \times 10}{190} = \frac{427\,000}{190} \approx 2\,247 \text{ €}$$

Le salaire moyen est d'environ 2 247 €.

**CORRECTION**

4) Pour déterminer le salaire médian, on peut utiliser les fréquences cumulées croissantes :

Salaire (en euros)	[800 ;1800[	[1800 ;2800[	[2800 ;3800[	[3800 ;4800[
Centre de classe	1300	2300	3300	4300
Effectif	60	90	30	10
Fréquences	31,6%	47,4%	15,8%	5,3%
Fréquences cumulées croissantes	32%	79%	95%	100%

La classe médiane correspond à 50% de l'effectif total.

La classe médiane est donc [1800 ;2800[.

On peut choisir comme salaire médian le centre de cette classe : 2 300 €.