



Un ordinateur est fait pour effectuer des calculs longs et répétitifs.

Dans ce chapitre, nous introduisons une nouvelle instruction, la boucle, qui permet d'exécuter une instruction plusieurs fois. Nous en présentons deux variantes, la boucle for et la boucle while. Nous expliquons comment manipuler le compteur d'une boucle for, dans quels cas plutôt utiliser une boucle while, et pourquoi il peut arriver que l'exécution d'une boucle ne s'arrête jamais.

Gilles Kahn (1946-2006) et Gordon Plotkin (1946-) ont proposé des outils pour décrire la sémantique des langages de programmation, c'est-à-dire ce qu'il se passe quand on exécute un programme. Gilles Kahn est aussi l'auteur, avec Gérard Huet, du système Mentor, l'un des premiers systèmes qui permet de définir de manière complètement formelle des langages de programmation. On doit à Gordon Plotkin des contributions à de nombreux domaines de l'informatique, en particulier la démonstration automatique et la théorie des systèmes concurrents.

Un ordinateur est fait pour effectuer des calculs longs et répétitifs.

Exemple, exécuter la boucle :

```
for (i = 1; i <= 10; i = i + 1)
{
    print("allô ");
}
println("t'es où ?");
```

a pour effet d'afficher :

allô allô allô allô allô allô allô allô allô allô t'es où ?

Exercice 1

Écrire un programme qui affiche les 31 jours du mois de Janvier à l'aide d'une boucle for.

Exercice 2

Écrire un programme qui affiche un calendrier pour une année entière.

Exercice 3

La suite de nombres définie par récurrence de la manière suivante :

- $u_0 = 13$
 - $u_{n+1} = (16805 u_n + 1) \% 32768$ semble aléatoire.
- a) Écrire un programme qui affiche les 10 000 premiers termes de cette suite.

b) Pour simuler une suite de tirages à pile ou face, on observe le neuvième bit de chaque élément de cette suite et on décrète, lors du i -ème tirage, que la pièce est tombée du côté pile si le neuvième bit du nombre u_i est un 0, et qu'elle est tombée du côté face si c'est un 1.

Écrire un programme qui affiche les 10 000 premiers tirages.

c) On teste la qualité de ce générateur d'aléa en comptant le nombre de fois que la pièce tombe d'un côté et de l'autre.

Écrire un programme qui simule 10 000 tirages et compte le nombre de fois que la pièce tombe du côté pile.

d) Qu'obtient-on si on observe le bit des unités au lieu d'observer le neuvième bit ?

Expliquer pourquoi : montrer que si u_n est pair alors u_{n+1} est impair et que si u_n est impair alors u_{n+1} est pair.

e) Montrer que, loin d'être réellement aléatoire, la suite u est en fait périodique à partir d'un certain rang.

Une boucle while est une instruction de la forme :

while (e) p où *e* est une expression et *p* est une instruction, appelée *corps* de cette boucle.

Exécuter la boucle while (e) p a pour effet d'exécuter l'instruction *p* plusieurs fois tant que la valeur de l'expression *e* est égale à true.

SAVOIR-FAIRE Écrire un programme utilisant une boucle while

- Identifier la condition.
- Écrire le corps de la boucle.
- Prévoir une initialisation des variables en amont de la boucle et un post-traitement en aval.

Exercice 4 :

Rechercher une sous-chaîne dans une chaîne de caractères.

Par exemple, rechercher si une chaîne de caractères donnée contient la sous-chaîne « oui ».

Exercice 5 : suite de Syracuse

On définit une suite u de la manière suivante :

- $u_0 = 1000$
- si $u_n = 1$, alors la suite est finie et u_n est son dernier élément
- si u_n est pair, alors $u_{n+1} = u_n / 2$
- si u_n est impair et distinct de 1, alors $u_{n+1} = 3 u_n + 1$

Écrire un programme qui affiche les termes de la suite u .

Cette suite est-elle finie ?

Exercice 6

Écrire un programme qui détermine le plus petit multiple commun à deux nombres entiers entrés au clavier.

La non-terminaison

Avec la boucle while apparaît un nouveau comportement possible pour les programmes : la non-terminaison.

Il est possible d'écrire une instruction while (e) p telle que la valeur de l'expression e soit toujours égale à true, si bien que l'exécution de l'instruction p se répète et se répète, sans que jamais l'exécution de la boucle ne se termine. Un exemple simple est le suivant :

```
while (true) { System.out.print("allô ");}
```

qui affiche allô allô allô... sans jamais s'arrêter.

SAVOIR-FAIRE :

Choisir entre une boucle for et la boucle while pour écrire un programme.

Si on connaît à l'avance le nombre de répétitions à effectuer, la boucle for est toute indiquée. À l'inverse, si la décision d'arrêter la boucle ne peut s'exprimer que par un test, c'est la boucle while qu'il faut choisir.

Exercice 7

Quelle boucle est adaptée à l'écriture de programmes traitant les problèmes suivants :

- le calcul du total à payer à une caisse enregistreuse,
- la recherche du jour le plus pluvieux d'une année,
- le calcul du périmètre d'un polygone,
- le calcul de la durée d'une émission de radio, connaissant ses horaires de début et de fin ?

Exercice 8

Dans cet exercice on écrit plusieurs versions d'un programme qui joue à la bataille navale, autrement dit qui cherche à couler un bateau. Comme dans le premier exemple, on suppose qu'il n'y a qu'un seul bateau d'une seule case, dont la position est connue par l'utilisateur.

- a) Programmer l'algorithme naïf qui consiste à essayer toutes les cases systématiquement.
- b) Améliorer cet algorithme pour qu'il s'arrête quand il a coulé le bateau.
- c) Améliorer cet algorithme pour qu'il cherche le bateau intelligemment si celui-ci est en vue, c'est-à-dire dans une case adjacente au dernier essai effectué.
- d) Peut-on encore améliorer cet algorithme pour minimiser le nombre d'essais nécessaires ?